



ECOLE NATIONALE DE L'AVIATION CIVILE

J. 20 1119

**SESSION 2020**

# **CONCOURS DE RECRUTEMENT D'ÉLÈVES PILOTE DE LIGNE**

---

## **ÉPREUVE DE PHYSIQUE**

---

**Durée : 2 Heures  
Coefficient : 1**

Cette épreuve comporte :

- 1 page de garde (recto),
- 2 pages de consignes (recto-verso),
- 1 page d'avertissement (recto),
- 7 pages de texte (recto-verso).

**TOUT DISPOSITIF ÉLECTRONIQUE EST INTERDIT  
(EN PARTICULIER L'USAGE DE LA CALCULATRICE)**



**ÉPREUVE DE PHYSIQUE***A LIRE TRÈS ATTENTIVEMENT*

L'épreuve de physique de ce concours est un questionnaire à choix multiple qui sera corrigé informatiquement.

- 1) Pour remplir ce QCM, vous devez utiliser un stylo à bille ou feutre, à encre foncée : bleue ou noire. Vous devez **cocher ou noircir** complètement la case en vue de la lecture informatisée de votre QCM.
- 2) Utilisez le sujet comme brouillon et ne retranscrivez vos réponses qu'après vous être relu soigneusement.
- 3) Votre QCM ne doit pas être souillé, froissé, plié, écorné ou porter des inscriptions superflues, sous peine d'être rejeté informatiquement et de ne pas être corrigé.
- 4) Si vous voulez corriger votre réponse, **n'utilisez pas de correcteur** mais indiquez la nouvelle réponse sur la ligne de repentir.
- 5) Cette épreuve comporte 36 questions, certaines, de numéros consécutifs, sont liées. La liste des questions est donnée au début du texte du sujet.  
**Chaque candidat devra choisir au plus 24 questions parmi les 36 proposées.**

Il est inutile de répondre à plus de 24 questions : le logiciel de correction lira les réponses en séquence en partant de la ligne 1, et s'arrêtera de lire lorsqu'il aura détecté des réponses à 24 questions, quelle que soit la valeur de ces réponses.

**Chaque question comporte au plus deux réponses exactes.**

- 6) A chaque question numérotée entre 1 et 36, correspond sur la feuille-réponses une ligne de cases qui porte le même numéro (les lignes de 37 à 80 sont neutralisées).  
Chaque ligne comporte 5 cases A, B, C, D, E.  
Pour chaque ligne numérotée de 1 à 36, vous vous trouvez en face de 4 possibilités :
  - ▶ soit vous décidez de ne pas traiter cette question,  
*la ligne correspondante doit rester vierge.*
  - ▶ soit vous jugez que la question comporte une seule bonne réponse,  
*vous devez noircir l'une des cases A, B, C, D.*  
Ex : si vous pensez que la bonne réponse est B vous cochez la case B.
  - ▶ soit vous jugez que la question comporte deux réponses exactes,  
*vous devez noircir deux des cases A, B, C, D et deux seulement.*  
Ex : si vous pensez que la bonne réponse est A et C vous cochez les cases A et C
  - ▶ soit vous jugez qu'aucune des réponses proposées A, B, C, D n'est bonne,  
*vous devez alors noircir la case E.*

**En cas de réponse fausse, aucune pénalité ne sera appliquée.**

**Tournez la page S.V.P.**

7) EXEMPLES DE RÉPONSES

Exemple I : Question 1 :

Pour une mole de gaz réel :

- A)  $\lim_{P \rightarrow 0} (PV) = RT$ , quelle que soit la nature du gaz.
- B)  $PV = RT$  quelles que soient les conditions de pression et température.
- C) Le rapport des chaleurs massiques dépend de l'atomicité.
- D) L'énergie interne ne dépend que de la température.

Exemple II : Question 2 :

Pour un conducteur ohmique de conductivité électrique  $\sigma$ , la forme locale de la loi d'OHM est :

- A)  $\mathbf{j} = \mathbf{E}/\sigma$
- B)  $\mathbf{j} = \sigma \mathbf{E}$
- C)  $\mathbf{E} = \sigma^2 \mathbf{j}$
- D)  $\mathbf{j} = \sigma^2 \mathbf{E}$

Exemple III : Question 3 :

- A) Le travail lors d'un cycle monotherme peut être négatif.
- B) Une pompe à chaleur prélève de la chaleur à une source chaude et en restitue à la source froide.
- C) Le rendement du cycle de CARNOT est  $1 + \frac{T_2}{T_1}$ .
- D) Le phénomène de diffusion moléculaire est un phénomène réversible.

**Vous marquerez sur la feuille réponse :**

1 -

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

2 -

<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

3 -

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
<input type="checkbox"/>				

## AVERTISSEMENTS

Dans certaines questions, les candidats doivent choisir entre plusieurs valeurs numériques. Nous attirons leur attention sur les points suivants :

1 - Les résultats sont arrondis en respectant les règles habituelles ; il est prudent d'éviter des arrondis trop imprécis sur les résultats intermédiaires.

2 - Les valeurs fausses proposées diffèrent suffisamment de la valeur exacte pour que d'éventuels écarts d'arrondi n'entraînent aucune ambiguïté sur la réponse.

---

*Les notations utilisées sont celles en vigueur au niveau international. Ainsi, conformément à ces recommandations internationales, les vecteurs sont représentés en caractères gras et le produit vectoriel est noté par le symbole  $\times$ .*

---

## QUESTIONS LIEES

Ondes [1, 2, 3, 4, 5, 6]

Optique géométrique [7, 8, 9, 10, 11, 12]

Régime transitoire [13, 14, 15, 16, 17, 18]

Mécanique [19, 20, 21, 22, 23, 24]

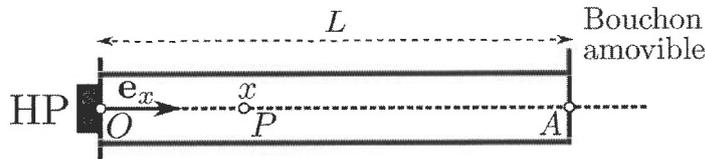
Thermodynamique [25, 26, 27, 28, 29, 30]

Électromagnétisme [31, 32, 33, 34, 35, 36]



## Ondes

L'air contenu dans un tuyau cylindrique, de longueur  $L = OA = 2\text{ m}$ , est excité par un haut-parleur (HP) émettant des ondes acoustiques sinusoïdales de fréquence  $f$ . Un bouchon situé en  $A$  ferme l'extrémité droite du tuyau. On note  $\Psi_f(x, t)$  la fonction d'onde de l'onde acoustique dans le tuyau,  $x$  étant l'abscisse d'un point  $P$  situé à l'intérieur du tube sur l'axe  $(O, \mathbf{e}_x)$  et  $t$ , le temps. La vitesse du son dans le tuyau vaut  $c_s = 340\text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$  (Fig. ci-après).



Aucune connaissance spécifique sur les ondes acoustiques n'est nécessaire pour aborder cette partie.

On observe que les ondes dans le tuyau se superposent pour former une onde stationnaire d'amplitude  $\psi_m$ . En présence du bouchon, elle vérifie les conditions aux limites, ainsi que la condition initiale suivantes :

$$\Psi_f(0, t) = 0 \quad , \quad \Psi_f(L, t) = 0 \quad \text{et} \quad \Psi_f(x, 0) = 0$$

1. En introduisant une constante spatiale et temporelle  $k_f$ , indiquer l'expression correcte de cette onde stationnaire :

A) $\Psi_f(x, t) = \psi_m \sin(2\pi ft - k_f x)$	C) $\Psi_f(x, t) = \psi_m \sin(2\pi ft) \sin(k_f x)$
B) $\Psi_f(x, t) = \psi_m \cos(2\pi ft) \sin(k_f x)$	D) $\Psi_f(x, t) = \psi_m \cos(2\pi ft) \cos(k_f x)$

2. Calculer numériquement la fréquence  $f_{1,f}$  de l'harmonique fondamentale.

A) $f_{1,f} \approx 6\text{ mHz}$	B) $f_{1,f} \approx 12\text{ mHz}$	C) $f_{1,f} = 42,5\text{ Hz}$	D) $f_{1,f} = 85\text{ Hz}$
-----------------------------------	------------------------------------	-------------------------------	-----------------------------

3. En introduisant l'entier  $n > 0$ , déterminer l'expression des longueurs d'ondes  $\lambda_n$  des ondes stationnaires qui peuvent exister dans le tuyau :

A) $\lambda_n = \frac{L}{n}$	B) $\lambda_n = \frac{2L}{n}$	C) $\lambda_n = nL$	D) $\lambda_n = 2nL$
------------------------------	-------------------------------	---------------------	----------------------

4. Le bouchon est désormais retiré. On observe alors une nouvelle onde stationnaire dans le tuyau, notée  $\Psi_o(x, t)$ , de même amplitude  $\psi_m$ . L'ouverture du tuyau modifie les conditions aux limites, la condition initiale restant la même :

$$\Psi_o(0, t) = 0 \quad , \quad \Psi_o(L, t) = \psi_m \quad \text{et} \quad \Psi_o(x, 0) = 0$$

En introduisant une nouvelle constante spatiale et temporelle  $k_o$ , déterminer l'expression de  $\Psi_o(x, t)$  :

A) $\Psi_o(x, t) = \psi_m \sin(2\pi ft + k_o x)$	C) $\Psi_o(x, t) = \psi_m \sin(2\pi ft) \sin(k_o x)$
B) $\Psi_o(x, t) = \psi_m \cos(2\pi ft) \sin(k_o x)$	D) $\Psi_o(x, t) = \psi_m \sin(2\pi ft) \cos(k_o x)$

5. Calculer numériquement la fréquence  $f_{1,o}$  de l'harmonique fondamentale.

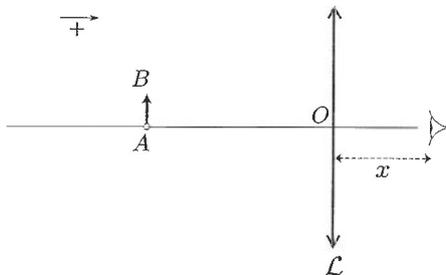
A) $f_{1,o} \approx 6\text{ mHz}$	B) $f_{1,o} \approx 12\text{ mHz}$	C) $f_{1,o} = 42,5\text{ Hz}$	D) $f_{1,o} = 85\text{ Hz}$
-----------------------------------	------------------------------------	-------------------------------	-----------------------------

6. En introduisant l'entier  $m > 0$ , déterminer l'expression des longueurs d'ondes  $\lambda_m$  des ondes stationnaires qui peuvent exister dans le tuyau :

A) $\lambda_m = \frac{L}{2m}$	B) $\lambda_m = \frac{L}{m}$	C) $\lambda_m = \frac{L}{m/2 + 1/4}$	D) $\lambda_m = \frac{L}{m + 1/2}$
-------------------------------	------------------------------	--------------------------------------	------------------------------------

## Optique géométrique

Une loupe, assimilée à une lentille mince  $\mathcal{L}$  de distance focale image  $f' > 0$  et de centre optique  $O$ , est utilisée pour observer un objet  $AB$  situé dans un plan de front. L'ensemble est placé dans l'air dont on supposera l'indice de réfraction égal à l'unité. L'œil de l'observateur est situé à une distance  $x > 0$  en arrière de la lentille (Fig. ci-après). On modélise cet œil, que l'on suppose sans défaut (œil emmétrope), comme l'association d'une lentille mince  $\mathcal{L}'$  de vergence variable et d'un capteur fixe (la rétine). On note la distance entre l'œil et son punctum proximum, c'est-à-dire, la distance minimale de vision nette:  $d_m = 25$  cm. Dans tout l'exercice, on admet que les conditions de Gauss sont satisfaites.



On définit le grossissement  $G$  de la loupe par le rapport  $\theta'/\theta$  de l'angle  $\theta'$  sous lequel l'objet est vu à travers  $\mathcal{L}$  sur l'angle  $\theta$  sous lequel on voit l'objet directement (sans la loupe) lorsqu'il est placé au punctum proximum. Dans cette définition, la valeur de  $G$  dépend de la position de l'objet et de la position de l'œil. On cherche les conditions d'observation qui maximise le grossissement.

On donne la relation de conjugaison de Descartes, celle de Newton et le grandissement transversal  $G_t$  pour une lentille mince de distance focale image  $f_i$  :

$$-\frac{1}{p_o} + \frac{1}{p_i} = \frac{1}{f_i} \quad \sigma_o \sigma_i = -f_i^2 \quad G_t = \frac{p_i}{p_o} = -\frac{\sigma_i}{f_i}$$

où  $p_o$  et  $p_i$  sont respectivement les distances algébriques de l'objet et de son image au centre de la lentille. En outre,  $\sigma_o$  et  $\sigma_i$  sont les distances algébriques respectives de l'objet au foyer principal objet et de l'image au foyer principal image.

7. Que peut-on affirmer?
- A) La limite de résolution angulaire d'un œil normal est d'environ  $1,5''$ .  
 B) Un ballon sphérique de 20 cm de diamètre placé à une distance de 100 m est vu sous un angle supérieur à la limite de résolution angulaire d'un œil sans défaut.  
 C) Un œil emmétrope peut observer nettement un objet à l'infini.  
 D) Un objet virtuel pour l'œil peut être observé nettement.
8. Dans cette question,  $AB$  est placé dans le plan focal objet de  $\mathcal{L}$  et la position de l'œil, derrière la lentille, est quelconque. L'œil voit nettement l'image de  $AB$  à travers  $\mathcal{L}$ . Déterminer  $\theta'$  et  $G$ .
- A)  $\theta' = \frac{AB}{d_m}$       B)  $\theta' = \frac{AB}{f'}$       C)  $G = \frac{f'}{d_m}$       D)  $G = \frac{d_m}{f'}$
9. L'objet  $AB$  n'est plus dans le plan focal de  $\mathcal{L}$ . L'œil est placé à proximité de la loupe ( $x \approx 0$ ) et accommode de sorte qu'il observe l'image de l'objet à travers  $\mathcal{L}$  à son punctum proximum. À quelle position  $p_1 = \overline{OA}$  l'objet est-il placé et que vaut alors le grossissement  $G_1$  de la loupe dans ces conditions d'observation?
- A)  $p_1 = \frac{d_m f'}{d_m - f'}$       B)  $p_1 = -\frac{d_m f'}{d_m + f'}$       C)  $G_1 = \frac{d_m}{f'}$       D)  $G_1 = 1 + \frac{d_m}{f'}$
10. L'œil est désormais placé à une position quelconque dans l'intervalle  $0 < x \leq d_m$ . On note  $A_\infty$  la position de  $A$  qui permet à l'œil d'observer l'image de l'objet donnée par  $\mathcal{L}$  sans accommodation et  $A_m$  la position de  $A$  qui oblige l'œil à accommoder au punctum proximum. On introduit les distances algébriques  $p_\infty = \overline{OA_\infty}$  et  $p_m = \overline{OA_m}$ . Exprimer ces dernières.
- A)  $p_\infty = -f'$       B)  $p_\infty = x - f'$       C)  $p_m = -\frac{f'(d_m - x)}{f' + d_m - x}$       D)  $p_m = \frac{f'(x - d_m)}{f' + x - d_m}$

11. On note  $p = \overline{OA}$  la position de  $A$  telle que  $p_\infty \leq p \leq p_m$ . Calculer le grossissement  $G(x, p)$  de la loupe pour ces positions  $x$  de l'œil et  $p$  de l'objet.

A)  $G(x, p) = \frac{f'd_m}{(x-p)(f'+p)}$

C)  $G(x, p) = \frac{f'd_m}{xf' + px + pf'}$

B)  $G(x, p) = \frac{f'd_m}{(x-p)(f'-p)}$

D)  $G(x, p) = \frac{f'd_m}{xf' + px - pf'}$

12. On note  $A'$  l'image de  $A$  par  $\mathcal{L}$  et  $p' = \overline{OA'}$ . Pour quelle position  $x$  de l'œil et quelle valeur de  $p'$  le grossissement est-il maximum?

A)  $x = d_m$  et  $p' = 0$

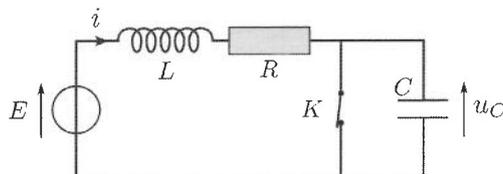
C)  $x$  quelconque et  $p' = -\infty$

B)  $x = 0$  et  $p' = -d_m$

D)  $x = 0$  et  $p' = -f'$

## Régime transitoire

Le condensateur d'un circuit  $RLC$  série, de capacité  $C = 20 \mu\text{F}$ , est mis en court-circuit par un interrupteur  $K$  depuis une durée suffisamment longue pour que le régime soit établi (permanent). Le circuit est alimenté par une source de tension stationnaire idéale de force électromotrice  $E$ . On ouvre  $K$  à un instant pris comme origine temporelle. La bobine du circuit possède une inductance  $L = 50 \text{ mH}$ . On note  $R$  la résistance du résistor,  $i$  l'intensité du courant électrique qui traverse la bobine, et  $u_C$ , la tension aux bornes du condensateur (Fig. ci-après).



Lorsque  $K$  est ouvert, le facteur de qualité du circuit vaut  $Q = 10$ . On note  $\omega_0$  la pulsation propre du circuit.

13. Calculer numériquement  $R$  :

A)  $R = 0,002 \Omega$

B)  $R = 0,2 \Omega$

C)  $R = 5 \Omega$

D)  $R = 500 \Omega$

14. Que peut-on dire de la pseudo-pulsation  $\omega_a$  ?

A)  $\omega_a \approx \omega_0 \left(1 - \frac{1}{8Q^2}\right)$

C)  $\omega_a = \omega_0 \left(1 + \frac{1}{4Q^2}\right)^{1/2}$

B)  $\omega_a \approx \frac{\omega_0}{Q}$

D)  $\omega_a \approx Q\omega_0$

15. Que valent l'intensité  $i(0^+)$  et la tension  $u_C(0^+)$  à l'instant  $t = 0^+$  succédant immédiatement à l'ouverture de  $K$  ?

A)  $i(0^+) = 0$

B)  $i(0^+) = \frac{E}{R}$

C)  $u_C(0^+) = 0$

D)  $u_C(0^+) = E$

16. La tension aux bornes du condensateur évolue selon :

$$u_C(t) = \exp\left(-\frac{t}{2\tau_e}\right) [A \cos(\omega_a t) + B \sin(\omega_a t)]$$

$A$ ,  $B$  et  $\tau_e$  étant des constantes temporelles. Exprimer  $A$  :

A)  $A = E$

B)  $A = -E$

C)  $A = 0$

D)  $A = \frac{E}{2}$

17. Exprimer  $B$  :

A)  $B = \frac{E}{\omega_a} \left( \frac{1}{RC} - \frac{1}{2\tau_e} \right)$

C)  $B = \frac{E}{RC\omega_a}$

B)  $B = 0$

D)  $B = \frac{E}{2\omega_a\tau_e}$

18. On attend suffisamment longtemps que le régime s'établisse puis, à un instant pris comme nouvelle origine temporelle, on ferme  $K$ . On retiendra, par convention, comme durée du régime transitoire, la durée nécessaire pour que  $i$  atteignent 95% de sa valeur finale (on indique que  $\ln 20 \approx 3$ ). Déterminer la durée  $\tau_{rt}$  du régime transitoire succédant à la fermeture de  $K$ .

A)  $\tau_{rt} \approx \frac{3L}{R}$

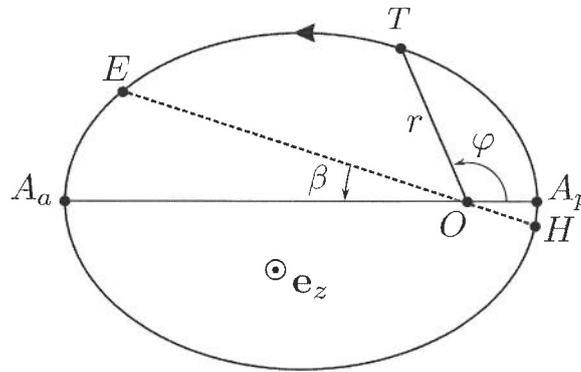
B)  $\tau_{rt} \approx 3RC$

C)  $\tau_{rt} \approx 30 \text{ ms}$

D)  $\tau_{rt} \approx 300 \mu\text{s}$

## Mécanique

La Terre, assimilée à un corpuscule  $T$  de masse  $M_T$ , possède une orbite elliptique dans le référentiel héliocentrique. Ce dernier, supposé galiléen, est centré sur le Soleil de masse  $M_S$ , placé en  $O$ . On note  $A_p$  et  $A_a$  les positions orbitales extrêmes de  $T$  : le périhélie  $A_p$  et l'aphélie  $A_a$ . On repère la position de  $T$  à l'aide du système de coordonnées polaires de centre  $O$  :  $r = OT$  et  $\varphi = \widehat{A_pOT}$ . Les angles sont orientés dans le sens de parcours de la trajectoire, le vecteur  $\mathbf{e}_z$  étant orthogonal au plan orbital (Fig. ci-après).



On pose  $r_p = OA_p$  et  $r_a = OA_a$  et on note  $G$  la constante de Newton (dite de gravitation universelle). On introduit  $v_p$  et  $v_a$  les vitesses de  $T$  respectivement en  $A_p$  et  $A_a$ . Sur la figure précédente, on a représenté la position  $H$  occupée par la Terre au début de l'hiver (solstice d'hiver), ainsi que la position  $E$  occupée par la Terre au début de l'été (solstice d'été) à l'aide de l'angle  $\beta = \widehat{EOA_a} = \widehat{HOA_p} \approx 12,2^\circ$ .

L'origine (ou référence) de l'énergie potentielle gravitationnelle est prise à l'infini et on note  $\mathcal{E}_m$  l'énergie mécanique de  $T$  dans le référentiel héliocentrique.

On note  $\mathbf{L}_O$  le moment cinétique de  $T$  en  $O$  et on introduit  $L_z = \mathbf{L}_O \cdot \mathbf{e}_z$ .

19. Que peut-on affirmer?

A)  $r_p v_p = r_a v_a$

B)  $r_p^2 v_p = r_a^2 v_a$

C)  $\mathcal{E}_m(A_p) \neq \mathcal{E}_m(A_a)$

D)  $\mathcal{E}_m(A_p) = \mathcal{E}_m(A_a)$

20. Exprimer  $v_a$ .

A)  $v_a = \left( \frac{GM_S}{r_a} \right)^{1/2}$

B)  $v_a = \left( \frac{GM_T}{r_a + r_p} \right)^{1/2}$

C)  $v_a = \left( \frac{2GM_S r_a}{r_p} \right)^{1/2}$

D)  $v_a = \left[ \frac{2GM_S r_p}{r_a(r_a + r_p)} \right]^{1/2}$

21. Exprimer  $L_z$  :

- A)  $L_z = M_T \left[ \frac{GM_S(r_a + r_p)}{2} \right]^{1/2}$       C)  $L_z = M_T \left( \frac{GM_S r_a r_p}{r_a + r_p} \right)^{1/2}$   
 B)  $L_z = M_T \left[ \frac{2GM_S r_a r_p}{r_a + r_p} \right]^{1/2}$       D)  $L_z = M_T [2GM_S(r_a + r_p)]^{1/2}$

22. L'équation polaire de la trajectoire de la Terre est la suivante :

$$r = \frac{p}{1 + e \cos \varphi}$$

où  $e$  et  $p$  sont deux constantes temporelles indépendantes de  $r$  et  $\varphi$ . Sachant que  $e \ll 1$ , que peut-on affirmer ?

- A)  $\frac{L_z}{M_T} \approx p^2 (1 + e \cos \varphi) \dot{\varphi}$       C)  $\frac{L_z}{M_T} \approx p^2 (1 + 2e \cos \varphi) \dot{\varphi}$   
 B)  $\frac{L_z}{M_T} \approx p^2 (1 - e \cos \varphi) \dot{\varphi}$       D)  $\frac{L_z}{M_T} \approx p^2 (1 - 2e \cos \varphi) \dot{\varphi}$

23. On rappelle l'égalité suivante, dans laquelle  $g'(\varphi)$  désigne la dérivée d'une fonction  $g(\varphi)$  par rapport à  $\varphi$  :

$$g'(\varphi) \dot{\varphi} = \frac{d}{dt} [g(\varphi)]$$

ainsi que la relation :

$$\int_0^{\tau_1} dt = \tau_1$$

En déduire la durée  $\tau_1$  nécessaire pour que  $T$  passe de  $H$  à  $E$ , c'est-à-dire, la durée qui s'écoule entre le solstice d'hiver et le solstice d'été.

- A)  $\tau_1 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi - 4e \sin \beta)$       C)  $\tau_1 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi + 4e \sin \beta)$   
 B)  $\tau_1 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi - 2e \sin \beta)$       D)  $\tau_1 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi + 2e \sin \beta)$

24. De même, exprimer la durée  $\tau_2$  nécessaire pour que  $T$  passe de  $E$  à  $H$ , c'est-à-dire, la durée qui s'écoule entre le solstice d'été et le solstice d'hiver.

- A)  $\tau_2 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi - 4e \sin \beta)$       C)  $\tau_2 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi + 4e \sin \beta)$   
 B)  $\tau_2 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi - 2e \sin \beta)$       D)  $\tau_2 \approx \frac{p^2 M_T}{L_z} (\pi + 2e \sin \beta)$

---

## Thermodynamique

Un moteur thermique à air fonctionne en cycle fermé au cours duquel  $n$  moles d'air, assimilées à un gaz parfait, subissent entre quatre états  $E_1$ ,  $E_2$ ,  $E_3$  et  $E_4$  les transformations réversibles suivantes :

- $E_1 \rightarrow E_2$  une compression isentropique ;  
 $E_2 \rightarrow E_3$  une compression isochore ;  
 $E_3 \rightarrow E_4$  une détente isentropique ;  
 $E_4 \rightarrow E_1$  une détente isochore.

On désigne par  $p_k$ ,  $V_k$  et  $T_k$  les pressions, volumes et températures des états  $E_k$ , où  $k = 1, 2, 3$  ou  $4$ . On pose  $V_M = V_1 = V_4$  et  $V_m = V_2 = V_3$  et on introduit le facteur de compression  $a = V_M/V_m$ .

On note  $R$  la constante des gaz parfaits et  $\gamma = C_{pm}/C_{vm}$ , le rapport de la capacité thermique molaire à pression constante sur la capacité thermique molaire à volume constant. On note respectivement  $Q$  et  $W$  la chaleur (transfert thermique) et le travail (transfert mécanique) algébriquement reçu par le gaz au cours d'un cycle et  $Q_{ij}$  et  $W_{ij}$  respectivement la chaleur et le travail algébriquement reçu par le gaz lors de la transformation menant de l'état  $E_i$  à l'état  $E_j$ .



31. On note  $\Phi$  le flux du champ magnétique à travers le circuit et  $\Phi_0$  sa valeur particulière lorsque  $\theta = 0$ . En exprimant  $\Phi$  en fonction notamment de  $\Phi_0$ , déterminer à l'aide de la loi de Faraday la force électromotrice  $e$  induite dans le circuit lors du mouvement du pendule.

A)  $e = -\frac{\ell^2 B_0}{2} \dot{\theta}$       B)  $e = \frac{\ell^2 B_0}{2} \dot{\theta}$       C)  $e = \ell^2 B_0 \dot{\theta}$       D)  $e = \frac{\ell^2 B_0}{4} \dot{\theta}$

32. Établir l'expression de l'intensité du courant électrique.

A)  $i = \frac{\ell^2 C B_0}{2} \dot{\theta}$       B)  $i = \frac{\ell^2 C B_0}{2} \ddot{\theta}$       C)  $i = \ell^2 C B_0 \dot{\theta}$       D)  $i = -\ell^2 C B_0 \ddot{\theta}$

33. Exprimer le moment  $M_{L,O}$  en  $O$  des forces de Laplace qui s'exercent sur la tige.

A)  $M_{L,O} = -i B_0 \ell^2 \mathbf{e}_z$       B)  $M_{L,O} = -\frac{i B_0 \ell^2}{4} \mathbf{e}_z$       C)  $M_{L,O} = \frac{i B_0 \ell^2}{2} \mathbf{e}_z$       D)  $M_{L,O} = -\frac{i B_0 \ell^2}{2} \mathbf{e}_z$

34. L'équation du mouvement se met sous la forme suivante :

$$\ddot{\theta} + \omega_1^2 \sin \theta = 0$$

où  $\omega_1$  est une constante temporelle. Déterminer  $\omega_1$ .

A)  $\omega_1 = \left(\frac{g}{\ell}\right)^{1/2} \left(1 + \frac{\ell^2 B_0^2 C}{2m}\right)^{-1/2}$       C)  $\omega_1 = \left(\frac{g}{\ell}\right)^{1/2} \left(1 + \frac{\ell^2 B_0^2 C}{4m}\right)^{-1/2}$   
 B)  $\omega_1 = \left(\frac{g}{\ell}\right)^{1/2} \left(1 - \frac{\ell^2 B_0^2 C}{4m}\right)^{-1/2}$       D)  $\omega_1 = \left(\frac{g}{\ell}\right)^{1/2} \left(1 + \frac{2\ell^2 B_0^2 C}{m}\right)^{-1/2}$

35. On suppose  $\theta_0 \ll 1$ . L'intensité du courant électrique obéit à l'équation suivante :

$$\frac{d^2 i}{dt^2} + \omega_2^2 i = 0$$

où  $\omega_2$  est une constante temporelle. Déterminer  $\omega_2$ .

A)  $\omega_2 = 0$       B)  $\omega_2 = \omega_1$       C)  $\omega_2 = 2\omega_1$       D)  $\omega_2 = \frac{\omega_1}{2}$

36. Calculer numériquement  $\omega_1$  :

A)  $\omega_1 \approx 1 \text{ rad.s}^{-1}$       B)  $\omega_1 \approx 2,3 \text{ rad.s}^{-1}$       C)  $\omega_1 \approx 5 \text{ rad.s}^{-1}$       D)  $\omega_1 \approx 12 \text{ rad.s}^{-1}$